令和7年度 興南高等学校 入学試験問題

後期

数学

(50分 100点

<注意事項>

- ① 試験開始の合図があるまで、この問題用紙は開かないようにしてください。 解答用紙は別になっています。
- ② 問題は $\boxed{1} \sim \boxed{6}$ まで 6 題あります。
- ③ 試験時間は50分です。
- ④ 解答用紙には、以下の例にならって受験番号、中学校名、氏名を必ず記入してください。



- ⑤ 解答は解答欄からはみ出さないように記入してください。また、解答欄以外に は何も記入しないでください。
- ⑥ コンパス, 定規, 分度器は使用しないため, カバンの中に入れてください。
- ⑦ 試験終了後、問題用紙は持ち帰ってください。

- 1 次の各問いに答えなさい。
 - (1) 次の計算をしなさい。

①
$$-2^2 + (-3)^2 + 4^2$$

②
$$1 + \frac{1}{2} \times \frac{1}{3} - \frac{1}{4} \div \frac{1}{5}$$

$$3 2\sqrt{3}(\sqrt{28}-\sqrt{3})$$

$$\textcircled{4}$$
 $12ab^2 \div 4ab \times (-2b)$

⑤
$$\sqrt{20} - \sqrt{\frac{1}{5}}$$

6
$$(a-3)^2-(a+3)^2$$

(2) 次の方程式,連立方程式を解きなさい。

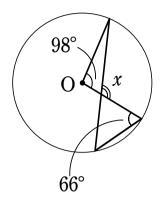
①
$$x^2 - x - 1 = 0$$

- 2 次の各問いに答えなさい。
 - (1) $2 \le \sqrt{n} < 3$ を満たすような自然数 n をすべて求めなさい。
 - (2) a, b が等式 a+b=2, ab=1 を満たすとき, a^2+b^2 の値を求めなさい。
 - (3) $x=1+\sqrt{2}$ のとき, x^2-2x-1 の値を求めなさい。
 - (4) 下のデータは、あるクラスの通学時間について調べたものである。 このデータについて、四分位範囲を求めなさい。

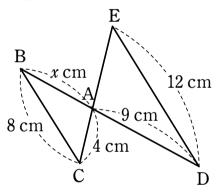
11, 10, 5, 3, 23, 13, 9, 3, 27 (単位 分)

[3] 次の各問いに答えなさい。

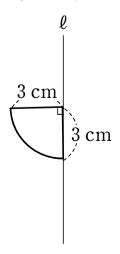
(1) 下の図において、 $\angle x$ の大きさを求めなさい。



(2) 下の図において DE//BC であるとき、x の値を求めなさい。

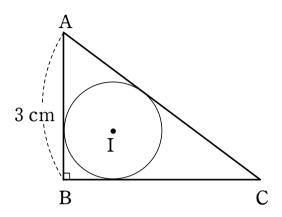


(3) 下のおうぎ形を、直線 ℓ を軸として 1 回転させてできる立体の体積を求めなさい。 ただし、円周率は π とする。



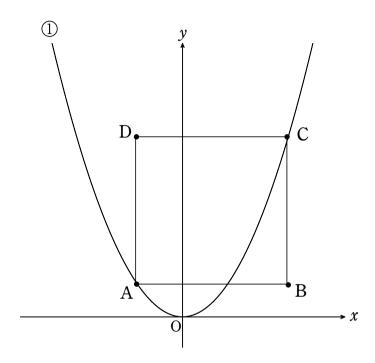
4 下の図は,AB=3 cm, $\angle B=90$ °,面積が6 cm 2 の直角三角形である。また, $\triangle ABC$ のすべての辺に接する半径 γ の円の中心をI とする。

次の各問いに答えなさい。



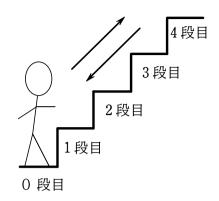
- (1) BCの長さを求めなさい。
- (2) \triangle IBCの面積を γ を用いて表しなさい。
- (3) 円の半径γを求めなさい。

⑤ 下の図について、放物線 $y=ax^2$ …… ① は、正方形 ABCD の 頂点 $A\left(-1,\frac{1}{2}\right)$ と頂点 C を通る。点 A と点 C を通る直線の傾き が 1 であるとき、次の各問いに答えなさい。



- (1) *a* の値を求めなさい。
- (2) ① 0×0 変域が $-2 \le x \le 3$ のとき, y の変域を求めなさい。
- (3) 点 C の座標を求めなさい。
- (4) 正方形 ABCD の面積を求めなさい。

[6] 下のような4段の階段がある。次のルールでこの階段を上り下りする。



【ルール】

- ① 0段目からスタートし、階段を上る。
- ② 4段目に着いたら階段を下り、再度0段目に着いたら階段を再度上る。
- ③ 1枚のコインを投げ、表なら3段分、裏なら5段分を移動して止まる。
- ④ この移動を最大3回行う。

例1 1回目表, 2回目裏が出た場合

1回目の移動で3段目、2回目の移動で0段目に止まる。

例2 1回目裏,2回目裏,3回目表が出た場合

1回目の移動で3段目,2回目の移動で2段目,3回目の移動で3段目に止まる。

このとき,次の各問いに答えなさい。

- (1) 表→表→裏と出た場合,何段目に止まっているか答えなさい。
- (2) 2回目の移動が終わったときまでに、1度も止まることのないのは何段目ですか。すべて答えなさい。
- (3) 3回目の移動が終わったとき、3段目に止まっている確率を求めなさい。